1. Клиент сканирует qr код. Вызывается запрос FindOrder. Кипер про карту ничего еще знает.

ДА

2. Клиент вызывает состав заказа - запрос GetOrder. Кипер про карту еще не знает и возвращает состав заказа без скидки

ДА

3. Клиент вызывает выбор карты (из окна состава заказа?),

Из окна состава заказа с ценами, перед тем как нажать "перейти к оплате"

выбирает карту, вставляет ее номер в запрос GetOrder и получает состав заказа с примененной скидкой.

ДА

Если скидка не применилась (как мне об этом сообщит Илья?), я должен куда-то записать ошибку, а приложение должно ее где-то показать. В общую ошибку писать нельзя, т.к. при общей ошибке к оплате нельзя перейти. Скажем, сделаю еще одно поле для ошибки дисконтной карты. Тогда приложение должно будет ее обработать и показать.

ДА. Должна быть отдельная ошибка: "Скидка не применилась. Повторите попытку или обратитесь к официанту".

Какие дальнейшие действия клиента? а) выбирает другую карту и повторяет п.3 с новым номером карты; б) отказывается от применения карты и тоже повторяет п.3, но уже без номера карты. ?

Дальше делает что хочет. Хочет еще раз эту карту применяет. Хочет другую применяет или без скидки оплачивает.

п.3 (дополнительный вызов GetOrder для проверки дисконтной карты) в приложении скорее всего еще не реализован.

Значит реализуют! Только тебе я так понимаю нужно будет это в описании передать им.

4. Клиент нажимает "оплатить" - вызывается запрос GetPaymentBinding. В нем внутри снова делается запрос GetOrder для получения актуального состава заказа.  
Получаем то, что выше, в п.3, но в приложение про дисконтную карту ничего уже передать не сможем. В этот момент проходят проверки перед оплатой.  
Дальше уже пошла сама оплата.

НУ да. Скидка в заказе уже есть или ее нет. Нам не важно уже.

Еще вопросы:  
  
1. Клиент привязывает дисконтную карту. Проверяем - в базе уже есть такая карта со статусом "не подтверждена" (два варианта - она привязана к данному профилю или к совсем другому). Что делаем и что сообщаем в обоих вариантах?

В статусе "не подтверждена" карта может находиться хоть в десяти профилях. А вот если ее один подтвердил, Остальные уже не могут.

2. Клиент имеет подтвержденную карту, применяет ее. По какой-то причине кипер ее не опознает, клиент получает сообщение об этом. Что-нибудь делаем со статусом карты в базе, или оставляем статус

Конечно оставляем.

3. Клиент применил карту, оплатил. Мы должны у себя в базе сохранить информацию: такой то заказ оплачен с такой-то дисконтной картой? Т.е. писать связку номер карты - заказ в базу?

ДА

4. Если клиент удалил карту, то нам удалять ее из базы совсем или дать статус "удалена". Если удалить совсем, то не сможем определить, какая именно карта была применена в данном заказе.

Удалять нельзя. У нас вся история должна храниться. Просто не показываем карту в приложении. 

5. Если в одном профиле клиента карта со статусом "удалена", а он пытается ее привязать с другого телефона - какие наши действия?

Разрешаем привязку! Карта не может быть ОДНОВРЕМЕННО привязана к нескольким аккаунтам. А если сначала один а потом другой - можно ;) 